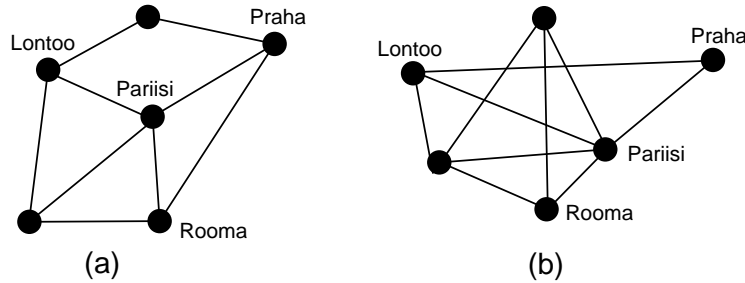


maanantai 27.3. klo. 10-12 ja 16-18 MaD 302

Kolmiosaiset numerot ovat tehtävnumeroita Salmisen ja Väänäsen kirjasta. Viimeiset harjoitukset pidetään Vapunpäivän sijasta vasta 8.5. Loppukoetta ei pidetä ennen kurssin päättymistä vaan vasta **10.5.**

1. (2.1.4) Luettele kaikki todet ja kaikki epätodet atomilauseet kuvan 2.1.(a) kaupunkiverkossa.



KUVA 2.1: KAKSI KAUPUNKIVERKKOA

2. (2.2.6) Tutki ”kaupunkiverkkoteorian propositiolauseen”

$$\neg(\neg(Yhteys(Lontoo, Pariisi) \wedge Yhteys(Rooma, Praha)) \wedge (\neg Yhteys(Pariisi, Rooma) \wedge \neg(Yhteys(Praha, Pariisi) \wedge (Yhteys(Lontoo, Pariisi) \wedge Yhteys(Pariisi, Rooma))))))$$

totuusarvo kuvan 2.1 kummassakin kaupunkiverkossa.

3. (2.3.1) ja olennaisesti (2.3.4) Osoita, että seuraavat propositiolauseet ovat tautologioita: (Menetelmänä joko taulukko tai semanttinen puu!)

- (a) $(p_0 \rightarrow p_1) \leftrightarrow (\neg p_0 \vee p_1)$
 (b) $(p_0 \leftrightarrow p_1) \leftrightarrow ((p_0 \wedge p_1) \vee (\neg p_0 \wedge \neg p_1))$
 (c) $((p_0 \wedge p_1) \rightarrow p_2) \leftrightarrow (p_0 \rightarrow (p_1 \rightarrow p_2)).$

(jatkoa) Olkoot A, B ja C propositiolauseita.

- (a') Osoita, että $(A \rightarrow B) \iff (\neg A \vee B).$
 (b') Onko $(p_0 \leftrightarrow C)$ lauseen $((p_0 \wedge C) \vee (\neg p_0 \wedge \neg C))$ looginen seuraus?
 (c') Osoita, että $(A \wedge B) \rightarrow C$ ja $A \rightarrow (B \rightarrow C)$ ovat loogisesti ekvivalentteja.

4. (2.3.2) Osoita, että :

- (a) $((p_0 \rightarrow p_1) \wedge (p_1 \rightarrow p_2)) \implies (p_0 \rightarrow p_2)$
 (b) $(p_2 \vee p_3) \iff \neg(\neg p_2 \wedge \neg p_3)$

Lisäpohdittavaa: Olkoot A, B ja C mielivaltaisia kaupunkiverkkojen atomilauseita. Onko $(B \vee C) \leftrightarrow \neg(\neg B \wedge \neg C)$ tosi kuvan 7.4. kaupunkiverkossa? (Hups, kuva jäi piirtämättä, mutta haitanneeko tuo mitään?)

KÄÄNNÄ

5. (2.4.1) Tarkastellaan totuusfunktiota $f(x, y, z)$, joka saa arvon t , jos ainakin kaksi totuusarvoista x, y, z on t , ja muuten arvon e . Konstruoi propositiolause A siten, että A :n totuusfunktio on f , toisin sanoen $f = TF_A$.
6. (2.4.2) Esitä propositiolause $(p_0 \vee p_1) \wedge (\neg p_0 \vee \neg p_1)$ disjunkttiivisessa normaalimuodossa.
7. (2.5.1) Laadi semanttinen puu propositiolauseelle

$$\neg(((p_0 \vee p_1) \rightarrow (p_2 \vee p_3)) \rightarrow (p_1 \rightarrow p_2))$$

ja etsi sen avulla totuusjakauma, joka antaa lauseelle totuusarvon t .

8. (2.5.2) Laadi semanttinen puu propositiolauseelle

$$\neg(\neg p_0 \wedge p_1) \wedge \neg(p_0 \wedge \neg p_1)$$

ja etsi sen avulla totuusjakauma, joka antaa lauseelle totuusarvon t .

9. (2.5.3) Esitä semanttinen todistus tautologialle $(p_0 \wedge p_1) \rightarrow (p_1 \wedge p_0)$.